

ΓΡΑΠΤΕΣ ΠΡΟΑΓΩΓΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ ΠΕΡΙΟΔΟΥ ΜΑΙΟΥ - ΙΟΥΝΙΟΥ
ΣΤΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ ΘΕΤ. ΚΑΙ ΤΕΧΝ. ΚΑΤΕΥΘ. Β' ΛΥΚΕΙΟΥ

ΘΕΜΑ Α. Α1. Δίνεται ευθύγραμμο τμήμα AB με $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$. Να αποδείξετε ότι το μέσο M του AB έχει συντεταγμένες

$$x = \frac{x_1 + x_2}{2} \quad \text{και} \quad y = \frac{y_1 + y_2}{2}$$

(Μον. 9)

Α2. Τι ονομάζεται παραβολή;

(Μον. 5)

Α3. Να χαρακτηρίσετε ως σωστό “Σ” ή λάθος “Λ” τις παρακάτω προτάσεις δικαιολογώντας την απάντησή σας όπου ζητείται

I. Αν $\vec{a} \cdot \vec{\beta} = \vec{a} \cdot \vec{\gamma}$ τότε $\vec{\beta} = \vec{\gamma}$. (Μον. 1)

Αιτιολογείστε την απάντησή σας. (Μον. 2)

II. Η ευθεία $2013x = 2014$ είναι παράλληλη στον y'y (Μον. 1)

III. Ο κύκλος με εξίσωση $4x^2 + 4y^2 = 100$ έχει ακτίνα 10. (Μον. 1)

Αιτιολογείστε την απάντησή σας. (Μον. 2)

IV. Τα διανύσματα $\vec{u} = (1, 2)$ και $\vec{v} = (-2, 3)$ είναι παράλληλα. (Μον. 1)

Αιτιολογείστε την απάντησή σας. (Μον. 2)

V. Η ευθεία με εξίσωση $3y = 6x + 5$ έχει κλίση 6. (Μον. 1)

ΘΕΜΑ Β. Δίνονται τα σημεία $A(2, -1)$, $B(-1, 3)$ και τα διανύσματα \vec{v} , \vec{w}

B1. Να βρεθεί το διάνυσμα $\vec{u} = \vec{AB}$ και στη συνέχεια το $|\vec{u}|$ (Μον. 9)

B2. Αν $|\vec{u}| = 5$, $|\vec{v}| = 2$ και $(\vec{u}, \vec{v}) = \frac{\pi}{3}$, να υπολογίσετε το εσωτερικό

γινόμενο $\vec{u} \cdot \vec{v}$ (Μον. 9)

B3. Αν ισχύει ότι $2\vec{u} + 3\vec{v} - \vec{w} = \vec{0}$, να βρεθεί το $|2\vec{u} - \vec{w}|$ (Μον. 7)

ΘΕΜΑ Γ. Δίνεται ο κύκλος (C) με εξίσωση $x^2 + y^2 - 6x + 4y - 12 = 0$

Γ1. Να βρείτε το κέντρο K και την ακτίνα ρ του κύκλου (C).

(Μον. 5)

Γ2. Να εξετάσετε αν τα σημεία $M(0, 2)$ και $P(-2, 3)$ είναι εσωτερικά, εξωτερικά ή είναι σημεία του (C).

(Μον. 5)

Γ3. Να βρείτε το σημείο Λ που είναι το αντιδιαμετρικό σημείο του M στον παραπάνω κύκλο.

(Μον. 7)

Γ4. Αν $A(6, -6)$, να βρείτε το εμβαδόν του τριγώνου MPA.

(Μον. 8)

ΘΕΜΑ Δ. Δίνεται η εξίσωση $(3k-4)x+(7-4k)y+11k-18=0$, $k \in \mathbb{R}$ (1)

Δ1. Να αποδείξετε ότι για οποιαδήποτε τιμή του k η παραπάνω εξίσωση, είναι εξίσωση ευθείας.

(Μον. 6)

Δ2. Έστω (ε_1) , (ε_2) οι ευθείες που προκύπτουν από την (1) για $k=1$ και $k=2$ αντιστοίχως.

I. Να βρείτε το σημείο τομής M , των (ε_1) και (ε_2) .

(Μον. 6)

II. Να υπολογίσετε την οξεία γωνία που σχηματίζουν οι ευθείες (ε_1) και (ε_2) .

(Μον. 7)

III. Αν $(-1,2)$ είναι οι συντεταγμένες του σημείου M που βρήκατε στο (I), να αποδείξετε ότι κάθε ευθεία με εξίσωση την (1), διέρχεται από το M .

(Μον. 6)

ΚΑΛΗ ΕΠΙΤΥΧΙΑ